

**Основной государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ**  
**Вариант № 22042019 (досрочный)**

**Инструкция по выполнению работы**

Работа состоит из двух модулей: «Алгебра» и «Геометрия». Всего в работе 26 заданий. Модуль «Алгебра» содержит семнадцать заданий: в части 1 — четырнадцать заданий; в части 2 — три задания. Модуль «Геометрия» содержит девять заданий: в части 1 — шесть заданий; в части 2 — три задания.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 2, 3, 14 записываются в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа. Эту цифру запишите в поле ответа в тексте работы.

Для остальных заданий части 1 ответом является число или последовательность цифр, которые нужно записать в поле ответа в тексте работы. Если в ответе получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную. В случае записи неверного ответа на задания части 1 зачекните его и запишите рядом новый.

Решения заданий части 2 и ответы к ним запишите на отдельном листе или бланке. Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Сначала выполните задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

При выполнении части 1 все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

Баллы, полученные за верно выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

**Желаем успеха!**

**Часть 1**

*Ответами к заданиям 1–20 являются цифра, число или последовательность цифр, которые следует записать в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Если ответом является последовательность цифр, то запишите её без пробелов, запятых и других дополнительных символов. Каждый символ пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами.*

**Модуль «Алгебра»**

- 1 Найдите значение выражения  $-80 + 0,3 \cdot (-10)^3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 2 Учёный Куликов выезжает из Москвы на конференцию в Санкт-Петербургский университет. Работа конференции начинается в 8:30. В таблице дано расписание ночных поездов Москва–Санкт-Петербург.

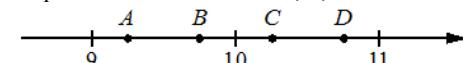
Номер поезда	Отправление из Москвы	Прибытие в Санкт-Петербург
032A	23:00	05:46
026A	22:42	06:32
002A	23:55	07:55
004A	23:30	08:30

Путь от вокзала до университета занимает полчаса. Укажите номер самого позднего (по времени отправления) поезда, который подходит учёному Куликову.

- 1) 032A      2) 026A      3) 002A      4) 004A

Ответ:

- 3 На координатной прямой отмечены точки A, B, C и D.



Одна из них соответствует числу  $\frac{92}{9}$ . Какая это точка?

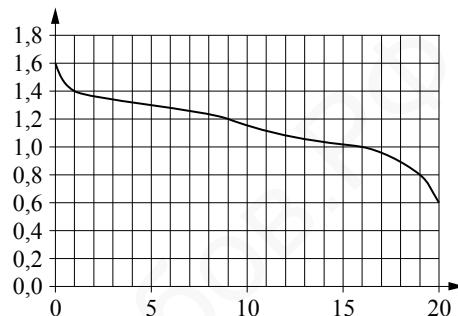
- 1) точка A      2) точка B      3) точка C      4) точка D

Ответ:

- 4** Найдите значение выражения  $\frac{1}{\sqrt{37}-6} - \frac{1}{\sqrt{37}+6}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 5** При работе фонарика батарейка постепенно разряжается и напряжение в электрической цепи фонарика падает. На графике показана зависимость напряжения в цепи от времени работы фонарика. На горизонтальной оси отмечено время работы фонарика в часах, на вертикальной оси — напряжение в вольтах. Определите по графику, за сколько часов работы фонарика напряжение упадёт с 1,6 В до 1,2 В.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 6** Решите уравнение  $x^2 - 121 = 0$ .

Если уравнение имеет более одного корня, в ответ запишите меньший из корней.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 7** Для приготовления смеси из орехов смешивают фундук и миндаль в отношении 13:12 соответственно. Сколько процентов этой смеси составляет фундук?

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 8** На диаграмме показано содержание питательных веществ в сливочном мороженом. Определите по диаграмме, в каких пределах находится содержание белков.



\*к прочему относится вода, витамины и минеральные вещества

- 1) 0–15%      2) 15–30%      3) 30–50%      4) 50–75%

В ответе запишите номер выбранного варианта ответа.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 9** В магазине канцтоваров продаётся 112 ручек: 17 красных, 44 зелёных, 29 фиолетовых, остальные синие и чёрные, их поровну. Найдите вероятность того, что случайно выбранная в этом магазине ручка будет красной или чёрной.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**10** Установите соответствие между функциями и их графиками.

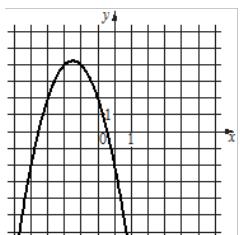
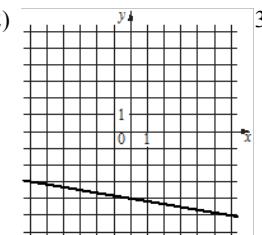
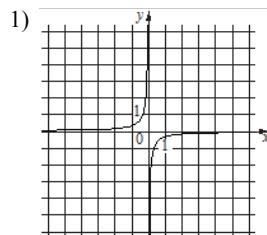
## ФУНКЦИИ

A)  $y = -x^2 - 5x - 2$

Б)  $y = -\frac{1}{3x}$

В)  $y = -\frac{1}{6}x - 4$

## ГРАФИКИ



В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

A	Б	В

Ответ:

**14** Укажите решение системы неравенств

$$\begin{cases} -9 + 3x < 0, \\ 2 - 3x > -10. \end{cases}$$

1)  $(-\infty; 3)$

2)  $(-\infty; 4)$

3)  $(3; +\infty)$

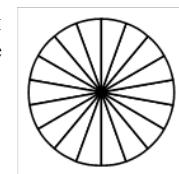
4)  $(3; 4)$

Ответ:

**Модуль «Геометрия»**

**15** Колесо имеет 18 спиц. Углы между соседними спицами

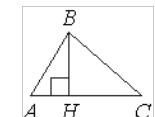
равны. Найдите угол, который образуют две соседние спицы. Ответ дайте в градусах.



Ответ: \_\_\_\_\_.

**16** В остроугольном треугольнике  $ABC$  проведена высота  $BH$ ,

$\angle BAC = 46^\circ$ . Найдите угол  $ABH$ . Ответ дайте в градусах.



Ответ: \_\_\_\_\_.

**17** Радиус окружности, вписанной в равносторонний

треугольник, равен  $8\sqrt{3}$ . Найдите длину стороны этого

треугольника

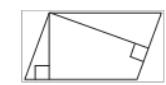


Ответ: \_\_\_\_\_.

**18** Площадь параллелограмма равна 48, а две его стороны

равны 8 и 16. Найдите его высоты. В ответе укажите

меньшую высоту.



Ответ: \_\_\_\_\_.

**11** Выписаны первые три члена арифметической прогрессии:

$$6; 8; 10; \dots$$

Найдите сумму первых восьми её членов.

Ответ: \_\_\_\_\_.

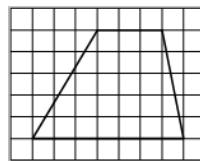
**12** Найдите значение выражения  $\frac{a^2 - 9b^2}{3ab} : \left( \frac{1}{3b} - \frac{1}{a} \right)$  при  $a = 6\frac{4}{7}$ ,  $b = 3\frac{1}{7}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**13** В фирме «Чистая вода» стоимость (в рублях) колодца из железобетонных колец рассчитывается по формуле  $C = 6500 + 4000n$ , где  $n$  — число колец, установленных в колодце. Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость колодца из 12 колец. Ответ дайте в рублях.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 19** На клетчатой бумаге с размером клетки  $1\times 1$  изображена трапеция. Найдите длину её средней линии.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 20** Какое из следующих утверждений верны?

- 1) Вписанный угол, опирающийся на диаметр окружности, прямой.
- 2) Если три угла одного треугольника равны соответственно трем углам другого треугольника, то такие треугольники равны.
- 3) Отношение площадей подобных треугольников равно коэффициенту подобия..

В ответ запишите номер выбранного утверждения.

Ответ: \_\_\_\_\_.



*Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.  
Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.*

**РЕПЕТИТОР ПО МАТЕМАТИКЕ  
ЯГУБОВ.РФ  
РОМАН БОРИСОВИЧ**

### Часть 2

*При выполнении заданий 21–26 используйте отдельный лист. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво.*

#### Модуль «Алгебра»

- 21** Решите уравнение  $x^4 = (3x - 10)^2$ .

- 22** Баржа прошла по течению реки 80 км и, повернув обратно, прошла ещё 60 км, затратив на весь путь 10 часов. Найдите собственную скорость баржи, если скорость течения реки равна 5 км/ч.

- 23** Постройте график функции

$$y = \begin{cases} 3x - 3 & \text{при } x < 2, \\ -3x + 8,5 & \text{при } 2 \leq x \leq 3, \\ 3,5x - 11 & \text{при } x > 3. \end{cases}$$

Определите, при каких значениях  $m$  прямая  $y = m$  имеет с графиком ровно две общие точки.

#### Модуль «Геометрия»

- 24** Точка  $H$  является основанием высоты, проведённой из вершины прямого угла  $B$  треугольника  $ABC$  к гипотенузе  $AC$ . Найдите  $AB$ , если  $AH = 3$ ,  $AC = 27$ .

- 25** В трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$  диагонали пересекаются в точке  $O$ . Докажите, что площади треугольников  $AOB$  и  $COD$  равны.

- 26** Середина  $M$  стороны  $AD$  выпуклого четырёхугольника  $ABCD$  равноудалена от всех его вершин. Найдите  $AD$ , если  $BC = 12$ , а углы  $B$  и  $C$  четырёхугольника равны соответственно  $115^\circ$  и  $95^\circ$ .



*Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.*