5-6 класс

Продолжительность — 90 минут. Максимальный балл — 30.

Задача 6.1. Герасим и Муму.

В рассказе Тургенева рост собачки Муму составлял примерно пол-аршина, а её хозяин, дворник Герасим, описывался так: «мужчина двенадцати вершков роста, сложенный богатырём». У кого из них рост был больше и во сколько раз? Известно, что 1 сажень = 3 аршина = = 2,1336 м, 1 вершок = 4,445 см?

Примечание: Рост человека в XIX веке обычно давался в вершках сверх двух обязательных аршин.

Задача 6.2. Тик–так!

В классе на стене висят часы, которые показывают время с помощью часовой, минутной и секундной стрелок. Длина часовой стрелки равна 6 см. Определите длину минутной и секундной стрелок, если конец секундной стрелки движется в 56 раз быстрее конца минутной, а конец минутной стрелки — в 18 раз быстрее конца часовой.

Примечание: Длина окружности L вычисляется по формуле $L = 2\pi r$, где r — радиус окружности, а $\pi \approx 3{,}14$.

Задача 6.3. Измеряем монетку.

На рис. 6.1 приведено увеличенное изображение однокопеечной монеты, с нанесёнными на него масштабной сеткой и шкалой. Расстояние между соседними делениями этой шкалы соответствует одному миллиметру. Чему равны радиус монеты, высота цифры «1» и буквы «П»?

Рис. 6.1.

7 класс

Продолжительность — 120 минут. Максимальный балл — 40.

Задача 7.1. Герасим и Муму.

В рассказе Тургенева рост собачки Муму составлял примерно пол-аршина, а её хозяин, дворник Герасим, описывался так: «мужчина двенадцати вершков роста, сложенный богатырём». У кого из них рост был больше и во сколько раз? Известно, что 1 сажень = 3 аршина = = 2,1336 м, 1 вершок = 4,445 см?

Примечание: Рост человека в XIX веке обычно давался в вершках сверх двух обязательных аршин.

Задача 7.2. Тик–так!

В классе на стене висят часы, которые показывают время с помощью часовой, минутной и секундной стрелок. Длина часовой стрелки равна 6 см. Определите длину минутной и секундной стрелок, если конец секундной стрелки движется в 56 раз быстрее конца минутной, а конец минутной стрелки — в 18 раз быстрее конца часовой.

Примечание: Длина окружности L вычисляется по формуле $L = 2\pi r$, где r — радиус окружности, а $\pi \approx 3{,}14$.

Задача 7.3. Измеряем монетку.

На рис. 7.1 приведено увеличенное изображение однокопеечной монеты, с нанесёнными на него масштабной сеткой и шкалой. Расстояние между соседними делениями этой шкалы соответствует одному миллиметру. Чему равны радиус монеты, высота цифры «1» и буквы «П»?

Рис. 7.1.

Задача 7.4. Храни меня, мой талисман!

Ранним утром Король тридевятого королевства сел в карету и поехал вместе со своими приближёнными на охоту. Отъехав от дворца на расстояние 3 км, Король вспомнил, что забыл во дворце свой талисман, приносящий удачу. Недолго думая, он отправил за ним своего лучшего гонца и двинулся дальше. С какой скоростью скакал гонец, если Его величество получил свой талисман, успев проехать ещё 3,5 км? Скорость королевской кареты равна 5 км/ч, а на поиски талисмана во дворце гонец потратил 30 мин. Весь путь туда и обратно гонец скакал с одной и той же скоростью.

8 класс

Продолжительность — 120 минут. Максимальный балл — 40.

Задача 8.1. По дороге в школу.

Рано утром девочка Наташа пошла в школу. Пятую часть времени своего движения она шла со скоростью 1,5 м/с, затем три четверти оставшегося времени её скорость была равна 4,5 км/ч. Поняв, что опаздывает, Наташа остаток времени стала идти быстрее, со скоростью 120 м/мин. Определите среднюю скорость девочки на всём пути.

Задача 8.2. Эксперименты на уроке.

Исследуя на уроке физики свойства рычага, школьники сначала подвесили к нему три грузика так, как показано на рис. 8.1а, а затем те же самые три грузика так, как показано на рис. 8.1б. Какова масса второго и третьего грузика, если масса первого равна 42 г, а рычаг в обоих случаях находился в равновесии. Для удобства рычаг разделён штрихами на 8 равных частей.

Рис. 8.1.

Задача 8.3. Плавучий кубик.

Школьник Паша собрал из пластмассовых пластин полый кубик с толщиной стенок, равной 1 см, и пустил его плавать в воде. Оказалось, что кубик погружается при этом на 6 см. Какова плотность пластмассы, из которой сделаны пластины, если длина ребра кубика равна 8 см? Кубик плавает так, что нижняя его грань горизонтальна. Плотность воды равна 1000 кг/м^3.

Задача 8.4. Фокус с жидкостью.

В цилиндрическом сосуде, изображённом на рис. 8.2а, находится слой жидкости высотой $H = 30$ см. Эту жидкость полностью переливают во второй сосуд (рис. 8.2б), площадь основания которого в три раза больше площади сечения узкой части. Чему равна плотность жидкости, если при переливании давление жидкости на дно сосуда изменилось на 600 Па. Высота широкой части второго сосуда равна $h = 4$ см, площадь сечения его узкой части равна площади сечения первого сосуда. Ускорение свободного падения принять равным 10 Н/кг.

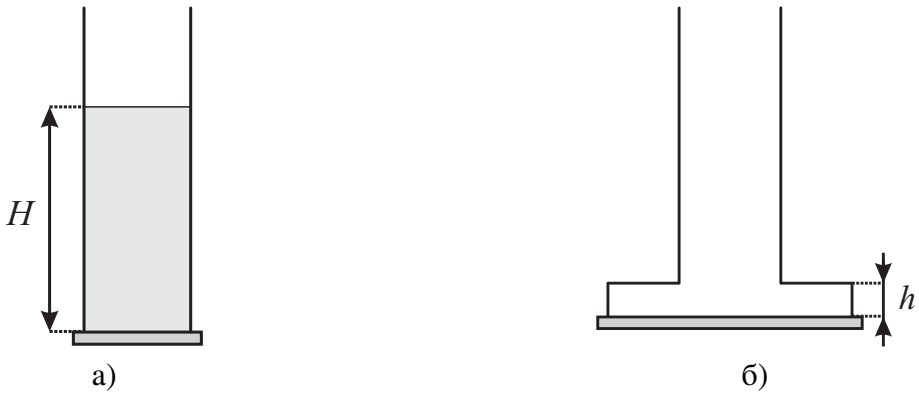

Рис. 8.2.