

Ответы и система оценивания контрольной работы по математике, 11 класс.

Правильное выполнение каждого из заданий 1-12 оценивается 1 баллом.

Выполнение заданий 13-15 оценивается по приведенным критериям.

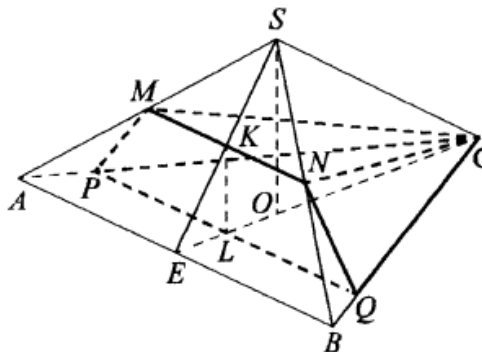
№ задания	ответ		
	вариант 1	вариант 2	
1	10	12	
2	3	5	
3	-5,5	-7,5	
4	0,1	0,2	
5	6	10	
6	4312	4132	
7	48	30	
8	60	16	
9	7,5	2	
10	100	900	
11	3	2	
12	8	4	
13	а) $\frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}; \pm \frac{\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}.$		
	б) $-3,5\pi; -2,5\pi; -\frac{13\pi}{6}$		
	а) $\frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z}; \pm \frac{3\pi}{4} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}.$		
	б) $-2,5\pi; -1,5\pi; -\frac{5\pi}{4}$		
	Содержание критерия		Баллы
	Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах		2
Обоснованно получен верный ответ в пункте а или в пункте б. ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения		1	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше		0	
<i>Максимальный балл</i>		2	
14	Содержание критерия		Баллы
	Имеется верное доказательство утверждения пункта а, и обоснованно получен верный ответ в пункте б		2
	Верно доказан пункт а. ИЛИ Верно решён пункт б при отсутствии обоснований в пункте а		1
	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше		0
	<i>Максимальный балл</i>		2
	15	Содержание критерия	
Обоснованно получен верный ответ		2	
Решение содержит вычислительную ошибку, возможно, приведшую к неверному ответу, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения		1	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше		0	
<i>Максимальный балл</i>		2	

№ 14. Вариант 1. Ответ: 44.

№ 14. Вариант 2. Ответ: 220.

Решение:

а) Прямая MN параллельна плоскости ABC , поэтому сечение пересекает плоскость ABC по прямой PQ , параллельной MN . Рассмотрим плоскость SCE . Пусть K — точка пересечения этой плоскости и прямой MN , L — точка пересечения этой плоскости и прямой PQ , O — центр основания пирамиды. Плоскости SCE и MNQ перпендикулярны плоскости ABC , поэтому прямая KL перпендикулярна плоскости ABC , а значит, параллельна прямой SO . Поскольку MN — средняя линия треугольника ASB , точка K является серединой ES . Значит, L — середина EO . Медиана CE треугольника ABC делится точкой O в отношении $2:1$. Значит, $CL:LE = 5:1$.



б) Прямая CL перпендикулярна KL и PQ . Значит, CL — высота пирамиды

$CMNQP$. Эта высота равна $CL = \frac{5CE}{6} = \frac{25\sqrt{3}}{2}$. В трапеции $MNQP$ имеем:

$$MN = \frac{AB}{2} = 15, PQ = \frac{5AB}{6} = 25, KL = \frac{SO}{2} = \frac{\sqrt{SC^2 - CO^2}}{2} = 11.$$

Значит, площадь трапеции $MNQP$ равна $\frac{MN + PQ}{2} \cdot KL = 220$.

Ответ: б) 220.

№ 15. Вариант 1.

Решите неравенство: $\log_{4-x}(x+4) \cdot \log_{x+5}(6-x) \leq 0$.

Решение.

Значения x , при которых определено первое неравенство: $-4 < x < 3$, $3 < x < 4$.

Первый случай: $-4 < x < 3$. Получаем, что $\log_{x+5}(6-x) > 0$; $4-x > 1$. Тогда

$$\begin{cases} \log_{4-x}(x+4) \cdot \log_{x+5}(6-x) \leq 0, \\ -4 < x < 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \log_{4-x}(x+4) \leq 0, \\ -4 < x < 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < x+4 \leq 1, \\ -4 < x < 3 \end{cases} \Leftrightarrow -4 < x \leq -3.$$

Второй случай: $3 < x < 4$. Получаем, что $\log_{4-x}(x+4) < 0$; $\log_{x+5}(6-x) > 0$, следовательно, при $3 < x < 4$ первое неравенство исходной системы верно.

Таким образом, решение неравенства: $(-4; -3] \cup (3; 4)$.

№ 15. Вариант 2. Ответ: $(-3; -2] \cup (2; 3)$.

Система оценивания выполнения всей работы

Максимальный балл за выполнение всей работы — 18.

Таблица перевода баллов в оценки по пятибалльной шкале

отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
первичные баллы	0 - 6	7 - 10	11 - 13	14 - 18