

**ИТОГОВАЯ ДИАГНОСТИЧЕСКАЯ РАБОТА  
ПО МАТЕМАТИКЕ  
10 класс**

14 мая 2015 года  
Вариант MA00701  
базовый уровень

Выполнена: ФИО \_\_\_\_\_ класс \_\_\_\_\_

**Инструкция по выполнению работы**

На выполнение итоговой работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 15 заданий и состоит из двух частей.

Ответом в заданиях первой части (1–10) является целое число, десятичная дробь или последовательность цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.

В задании 11 второй части требуется записать ответ в специально отведённом для этого поле.

В заданиях второй части (12–14) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле. Ответом к заданию 15 является график функции.

Каждое из заданий 5 и 11 представлено в двух вариантах, из которых надо выбрать и выполнить **только один**.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

**Желааем успеха!**

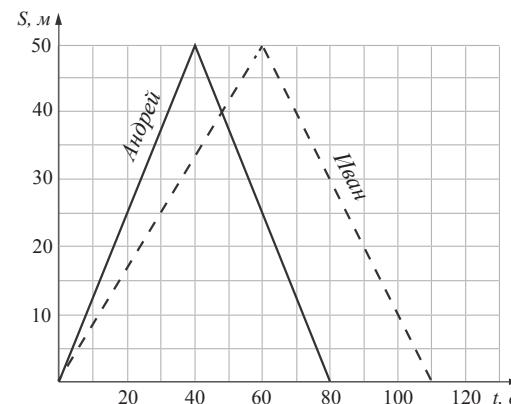
**Часть 1**

**В заданиях 1–10 дайте ответ в виде целого числа, десятичной дроби или последовательности цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.**

- 1** В спортивном магазине проводится акция: при покупке двух термосов — скидка на второй 30%. Сколько рублей придется заплатить за покупку двух термосов, если один термос без скидки стоит 1100 рублей?

Ответ: \_\_\_\_\_

- 2** Андрей и Иван соревновались в 50-метровом бассейне на дистанции 100 м. Графики их заплывов показаны на рисунке. По горизонтальной оси отложено время с момента старта, а по вертикальной — расстояние пловца от старта.



Пользуясь графиком, выберите верные утверждения.

- 1) Иван проплыл первые 50 метров на 20 секунд быстрее Андрея.
- 2) С 60-ой по 110-ую секунду Иван плыл по направлению к точке старта.
- 3) За первые 60 секунд Андрей проплыл 25 метров.
- 4) Когда Андрей финишировал, Иван находился на расстоянии 30 метров от точки старта.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

- 3** Найдите значение  $\sin 540^\circ$ .

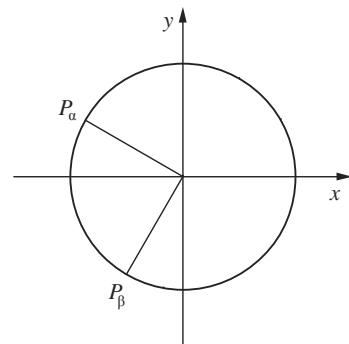
Ответ: \_\_\_\_\_

4

- На единичной окружности отмечены точки, соответствующие поворотам на углы  $\alpha$  и  $\beta$  (см. рисунок).

Выберите верные утверждения.

- 1)  $\cos \alpha < 0$
- 2)  $\sin \alpha > 1$
- 3)  $\operatorname{tg} \beta > 0$
- 4)  $\sin \alpha < \sin \beta$

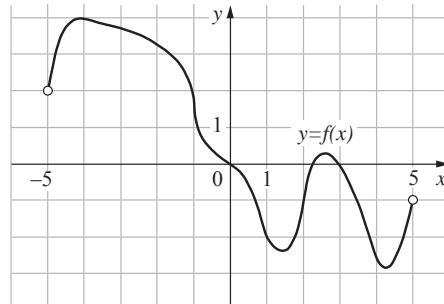


В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

**Выберите и выполните только ОДНО из заданий 5.1 или 5.2.**

- 5.1 На рисунке изображён график функции  $y = f(x)$ , определённой на интервале  $(-5; 5)$ . Найдите количество точек, в которых производная функции  $f(x)$  равна 0.



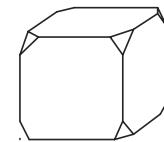
Ответ: \_\_\_\_\_

- 5.2 Решите уравнение  $\log_3(12 - x) = 2$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

6

- От деревянного кубика отпилили все его вершины (см. рисунок). Сколько граней у получившегося многогранника (невидимые ребра на рисунке не обозначены)?



Ответ: \_\_\_\_\_

7

- Выберите номера верных утверждений.

- 1) Если прямая перпендикулярна плоскости, то она перпендикулярна любой прямой, лежащей в это плоскости.
- 2) Через любые три несовпадающие точки пространства можно провести плоскость.
- 3) Любые две прямые, лежащие в параллельных плоскостях, параллельны друг другу.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

8

- В магазине на витрине выставлено 200 дисков с фильмами. На каждом диске один фильм. Из всех дисков ровно на семидесяти записаны отечественные фильмы. Какова вероятность случайным образом взять с витрины диск с иностранным фильмом?

Ответ: \_\_\_\_\_

9

- Согласно строительным правилам лестница называется пологой, если угол её наклона не превышает 20 градусов. Уклоном лестницы называется отношение высоты ступени к глубине ступени. С помощью таблицы характеристик лестниц и таблицы примерных тангенсов некоторых углов определите, какие лестницы являются пологими. В ответе выпишите их номера без пробелов, запятых и прочих дополнительных символов.

лестница	высота ступени	глубина ступени	уклон
1	17 см	40 см	0,425
2	13 см	37,8 см	0,344
3	15 см	30 см	0,5
4	12 см	44,8 см	0,268

$\alpha$	$\operatorname{tg}\alpha$
$11^\circ$	0,194
$12^\circ$	0,213
$13^\circ$	0,231
$14^\circ$	0,249
$15^\circ$	0,268
$16^\circ$	0,287

$\alpha$	$\operatorname{tg}\alpha$
$17^\circ$	0,306
$18^\circ$	0,325
$19^\circ$	0,344
$20^\circ$	0,364
$21^\circ$	0,384
$22^\circ$	0,404

$\alpha$	$\operatorname{tg}\alpha$
$23^\circ$	0,425
$24^\circ$	0,445
$25^\circ$	0,466
$26^\circ$	0,488
$27^\circ$	0,5
$28^\circ$	0,532

Ответ: \_\_\_\_\_

10

- Вычеркните в числе 14213534 три цифры так, чтобы получившееся число делилось на 15.

В ответе укажите ровно одно получившееся число.

Ответ: \_\_\_\_\_

**Часть 2**

**В задании 11 запишите ответ в отведённом для этого поле. В заданиях 12–14 требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле. Ответом к заданию 15 является график функции.**

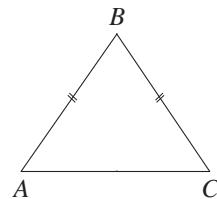
**Выберите и выполните только одно из заданий: 11.1 или 11.2.**

- 11.1** Приведите три различных возможных значения угла, больших  $3\pi$ , тангенс которых равен 1. Ответ дайте в радианах.

Найдите целое число, которое больше, чем  $\log_5 10$ , но меньше, чем  $\log_5 100$ .

Ответ:	

- 12** Найдите площадь равнобедренного треугольника, если его основание равно 10 см, а боковая сторона равна 13 см.



Ответ:	

**13**

Даны два неравенства. Решение первого неравенства:  $(-7; -4) \cup (1; +\infty)$ . Решение второго неравенства:  $-4,8 < x \leq \sqrt{2}$ . Нарисуйте оба решения на одной числовой прямой и найдите множество всех чисел (значений  $x$ ), являющихся решением первого неравенства, но не являющихся решением второго неравенства.

Ответ:	

14

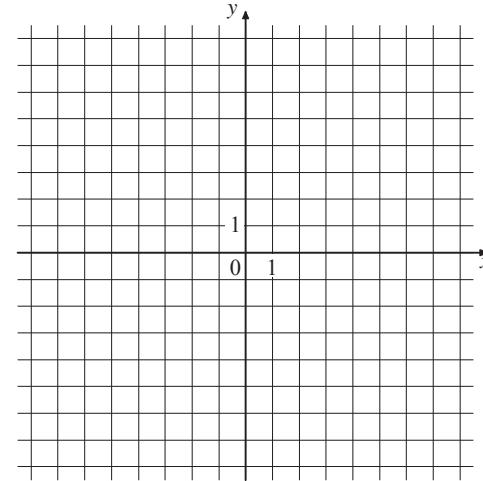
Область устанавливает налог  $t$  рублей на тонну на продажу картошки. Количество картошки (в тоннах), которая продаётся, а не запасается хозяйствами, вычисляется по формуле  $q = 100000 - 40t$ . Общий сбор от налога вычисляется по формуле  $M = qt$ . При какой величине налога общий сбор будет максимальным?



15

В системе координат схематично изобразите график непрерывной функции  $y = f(x)$ , которая удовлетворяет следующим свойствам:

- 1) область определения функции – отрезок  $[-6; 6]$ ;
- 2) функция нечётная;
- 3) на промежутке  $(-3; -1)$  функция принимает отрицательные значения;
- 4) множество значений функции – отрезок  $[-5; 5]$ .



**ИТОГОВАЯ ДИАГНОСТИЧЕСКАЯ РАБОТА  
ПО МАТЕМАТИКЕ  
10 класс**

14 мая 2015 года  
Вариант MA00702  
базовый уровень

Выполнена: ФИО \_\_\_\_\_ класс \_\_\_\_\_

**Инструкция по выполнению работы**

На выполнение итоговой работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 15 заданий и состоит из двух частей.

Ответом в заданиях первой части (1–10) является целое число, десятичная дробь или последовательность цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.

В задании 11 второй части требуется записать ответ в специально отведённом для этого поле.

В заданиях второй части (12–14) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле. Ответом к заданию 15 является график функции.

Каждое из заданий 5 и 11 представлено в двух вариантах, из которых надо выбрать и выполнить **только один**.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

**Желааем успеха!**

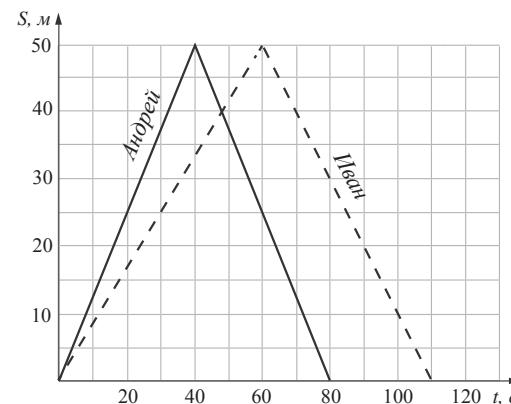
**Часть 1**

**В заданиях 1–10 дайте ответ в виде целого числа, десятичной дроби или последовательности цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.**

- 1** В спортивном магазине проводится акция: при покупке двух велосипедов — скидка на второй 40%. Сколько рублей придется заплатить за покупку двух велосипедов, если один велосипед без скидки стоит 5500 рублей?

Ответ: \_\_\_\_\_

- 2** Андрей и Иван соревновались в 50-метровом бассейне на дистанции 100 м. Графики их заплывов показаны на рисунке. По горизонтальной оси отложено время с момента старта, а по вертикальной — расстояние пловца от старта.



Пользуясь графиком, выберите верные утверждения.

- 1) За первые 80 секунд Иван проплыл 30 метров.
- 2) Андрей проплыл 100 метров на 25 секунд быстрее Ивана.
- 3) С 40-ой по 80-ую секунду Андрей плыл по направлению к точке старта.
- 4) Когда Иван проплыл первые 50 метров, Андрей находился на расстоянии 25 метров от Ивана.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

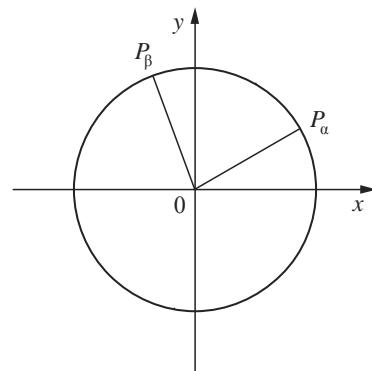
- 3** Найдите значение  $\sin 690^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

- 4 На единичной окружности отмечены точки, соответствующие поворотам на углы  $\alpha$  и  $\beta$  (см. рисунок).

Выберите верные утверждения.

- 1)  $\cos \beta < -1$
- 2)  $\operatorname{tg} \beta < 0$
- 3)  $\cos \alpha < \cos \beta$
- 4)  $\sin \alpha > 0$

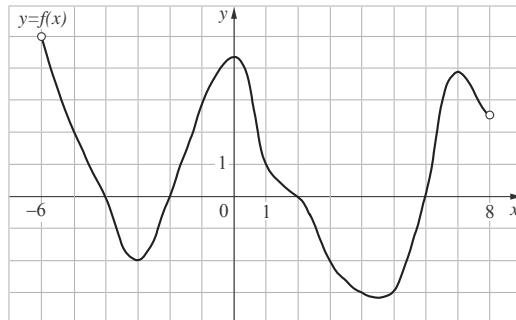


В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

**Выберите и выполните только одно из заданий 5.1 или 5.2.**

- 5.1 На рисунке изображён график функции  $y = f(x)$ , определённой на интервале  $(-6; 8)$ . Найдите количество точек, в которых производная функции  $f(x)$  равна 0.

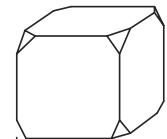


Ответ: \_\_\_\_\_

- 5.2 Решите уравнение  $\log_6(17-x) = 2$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

- 6 От деревянного кубика отпилили все его вершины (см. рисунок). Сколько вершин у получившегося многогранника (невидимые ребра на рисунке не обозначены)?



Ответ: \_\_\_\_\_

- 7 Выберите номера верных утверждений.

- 1) Через любые две пересекающиеся прямые проходит плоскость и притом только одна.
- 2) Если две прямые перпендикулярны третьей прямой, то они параллельны друг другу.
- 3) Если одна из двух параллельных прямых пересекает данную плоскость, то и вторая прямая пересекает эту плоскость.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

- 8 В магазине на витрине выставлено 400 дисков с фильмами. На каждом диске один фильм. Из всех дисков ровно на 160 записаны отечественные фильмы. Какова вероятность случайным образом взять с витрины диск с иностранным фильмом?

Ответ: \_\_\_\_\_

- 9 Согласно строительным правилам лестница называется пологой, если угол её наклона не превышает 20 градусов. Уклоном лестницы называется отношение высоты ступени к глубине ступени. С помощью таблицы характеристик лестниц и таблицы примерных тангенсов некоторых углов определите, какие лестницы являются пологими. В ответе выпишите их номера без пробелов, запятых и прочих дополнительных символов.

лестница	высота ступени	глубина ступени	уклон
1	16 см	32 см	0,5
2	14 см	39,5 см	0,354
3	11 см	41 см	0,268
4	18 см	38 см	0,474

$\alpha$	$\operatorname{tg} \alpha$
$11^\circ$	0,194
$12^\circ$	0,213
$13^\circ$	0,231
$14^\circ$	0,249
$15^\circ$	0,268
$16^\circ$	0,287

$\alpha$	$\operatorname{tg} \alpha$
$17^\circ$	0,306
$18^\circ$	0,325
$19^\circ$	0,344
$20^\circ$	0,364
$21^\circ$	0,384
$22^\circ$	0,404

$\alpha$	$\operatorname{tg} \alpha$
$23^\circ$	0,425
$24^\circ$	0,445
$25^\circ$	0,466
$26^\circ$	0,488
$27^\circ$	0,5
$28^\circ$	0,532

Ответ: \_\_\_\_\_

- 10 Вычертите в числе 15274021 три цифры так, чтобы получившееся число делилось на 30. В ответе укажите ровно одно получившееся число.

Ответ: \_\_\_\_\_

Часть 2

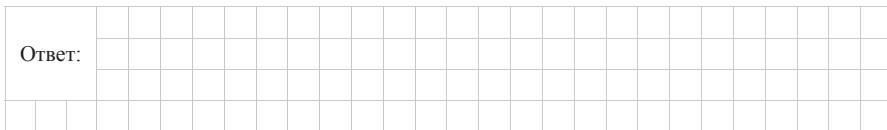
*В задании 11 запишите ответ в отведённом для этого поле. В заданиях 12–14 требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле. Ответом к заданию 15 является график функции.*

*Выберите и выполните только ОДНО из заданий: 11.1 или 11.2.*

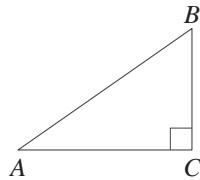
- 11.1** Приведите три различных возможных значения угла, больших  $\frac{9\pi}{2}$ , косинус которых равен  $-1$ . Ответ дайте в радианах.

**11.2** Найдите целое число, которое больше, чем  $\log_4 20$ , но меньше, чем  $\log_4 80$ .

## Ответ:



- 12** Площадь прямоугольного треугольника равна  $12 \text{ см}^2$ , а один из его катетов равен 6 см. Найдите гипотенузу треугольника.



### Ответ:

- 13** Даны два неравенства. Решение первого неравенства:  $(-8; -3) \cup (2; +\infty)$ . Решение второго неравенства:  $-3,7 < x \leq \sqrt{5}$ . Нарисуйте оба решения на одной числовой прямой и найдите множество всех чисел (значений  $x$ ), являющихся решением первого неравенства, но не являющихся решением второго неравенства.

Ответ:

14

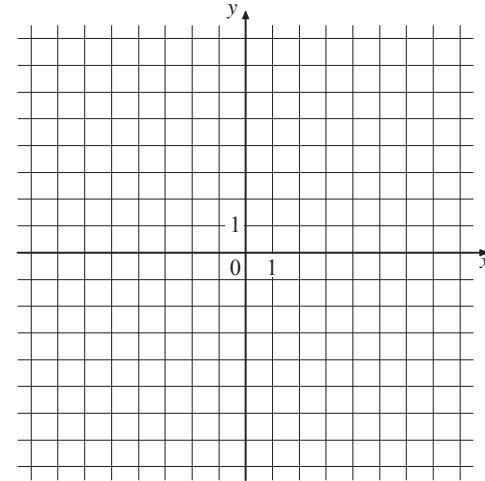
Область устанавливает налог  $t$  рублей на тонну на продажу картошки. Количество картошки (в тоннах), которая продается, а не запасается хозяйствами, вычисляется по формуле  $q = 90000 - 45t$ . Общий сбор от налога вычисляется по формуле  $M = qt$ . При какой величине налога общий сбор будет максимальным?



15

В системе координат схематично изобразите график непрерывной функции  $y = f(x)$ , которая удовлетворяет следующим свойствам:

- 1) область определения функции – отрезок  $[-7; 7]$ ;
- 2) функция чётная;
- 3) на промежутке  $(2; 4)$  функция принимает отрицательные значения;
- 4) множество значений функции – отрезок  $[-4; 4]$ .



**ИТОГОВАЯ ДИАГНОСТИЧЕСКАЯ РАБОТА  
ПО МАТЕМАТИКЕ  
10 класс**

14 мая 2015 года  
Вариант MA00703  
углублённый уровень

Выполнена: ФИО \_\_\_\_\_ класс \_\_\_\_\_

**Инструкция по выполнению работы**

На выполнение итоговой работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 12 заданий и состоит из двух частей.

В заданиях первой части (1–8) запишите ответ в поле ответа в тексте работы. Ответом к заданию 8 является график функции.

В заданиях второй части (9–12) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле.

Каждое из заданий 5 и 10 представлено в двух вариантах, из которых надо выбрать и выполнить **только один**.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

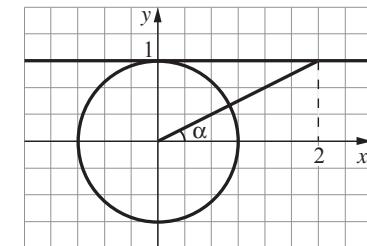
Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

*Желаем успеха!*

**Часть 1**

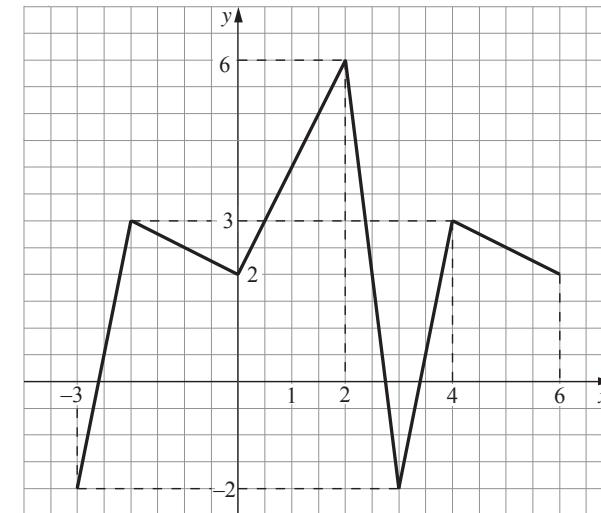
**В заданиях 1–7 дайте ответ в виде целого числа, десятичной дроби или последовательности цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.**

- 1** Используя рисунок, найдите  $\cos 2\alpha$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

- 2** На рисунке изображена часть графика периодической функции  $f(x)$ , наименьший положительный период которой не превосходит 8. Найдите  $f(100)$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

- 3** Сторона основания правильной четырехугольной призмы  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  равна 4 см, а боковое ребро равно  $3\sqrt{2}$  см. Найдите площадь сечения призмы плоскостью, проходящей через прямую  $A_1C$  и перпендикулярной прямой  $BD$ . Ответ дайте в квадратных сантиметрах.

Ответ: \_\_\_\_\_

- 4** Выберите верные утверждения.

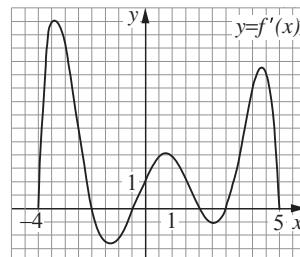
- 1) Если прямая не параллельна двум прямым, лежащим в плоскости, то она не параллельна всей плоскости.
- 2) Если две прямые параллельны, то их проекции на не перпендикулярную им плоскость параллельны или совпадают.
- 3) Если плоскость  $\alpha$  пересекает плоскости  $\beta$  и  $\gamma$  по параллельным прямым, то плоскости  $\beta$  и  $\gamma$  параллельны.
- 4) Если данная плоскость пересекает одну из двух параллельных прямых, то она пересекает и другую прямую.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

**Выберите и выполните только одно из заданий 5.1 или 5.2.**

- 5.1** На рисунке изображён график производной функции  $f(x)$ , определённой на отрезке  $[-4; 5]$ . Найдите число точек графика функции, в которых угол между касательной и положительным направлением оси абсцисс равен  $45^\circ$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

- 5.2** Найдите значение выражения  $25^{\log_{0,2} 0,5+1}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

- 6** Взвешенная средняя оценка социологического опроса с пятью вариантами ответа вычисляется по формуле:

$$\frac{P_1 \cdot x_1 + P_2 \cdot x_2 + P_3 \cdot x_3 + P_4 \cdot x_4 + P_5 \cdot x_5}{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5}$$

где  $P_i$  – вес варианта ответа,  $x_i$  – количество выбранных этот вариант. Оценка округляется до десятых, причём пять сотых округляются в большую сторону.

При некотором опросе вариантам ответа были присвоены следующие значения веса:

1. Категорически не согласен – 1
2. Скорее не согласен – 2
3. Не могу определиться – 3
4. Скорее согласен – 4
5. Полностью согласен – 5

Известно, что первый вариант ответа выбрали 9 человек, второй – 12, третий – 9, четвертый – 5. Какое минимальное количество человек должно выбрать последний вариант ответа для того, чтобы оценка была не ниже 3,1?

Ответ: \_\_\_\_\_

- 7** Девятерых школьников, среди которых есть Алина и Вика, при помощи жеребёвки распределяют на 3 равные команды для участия в игре. Какова вероятность того, что Алина и Вика попадут в одну команду? (Других школьниц с именами Алина и Вика среди девятерых школьников нет).

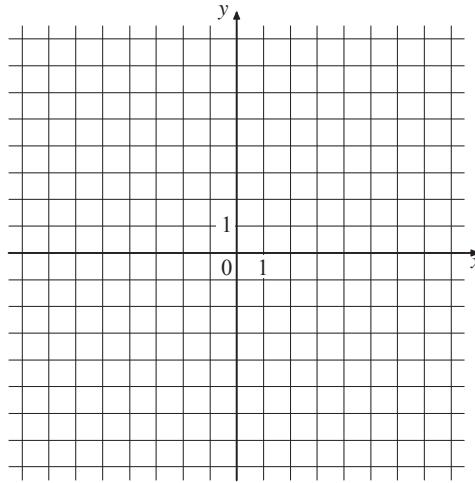
Ответ: \_\_\_\_\_

---

8

В системе координат схематично изобразите график непрерывной функции, которая обладает следующими свойствами:

- 1) область определения функции — отрезок  $[-5; 5]$ ;
  - 2) функция нечётная;
  - 3) на промежутке  $[2; 5]$  функция убывает;
  - 4) функция имеет ровно три нуля.



Часть 2

*В заданиях 9–12 запишите решение и ответ в отведённом для них поле.*

---

9

- а) Решите уравнение  $\cos 2x + 0,5 \sin 2x + \sin^2 x = 0$ .  
б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[3\pi; 4\pi]$ .

*Выберите и выполните только **ОДНО** из заданий 10.1 или 10.2.*

- 10.1** Исследуйте функцию  $y = \frac{2x^2 + 4x + 2}{x^2 + 1}$  на монотонность и экстремумы.

**10.2** Решите неравенство  $\log_2(-x) \cdot \log_2(8|x|) \geq 4$ .

Ответ:

- 11** В трапецию, вписанную в окружность, можно вписать окружность радиуса 6 см. Найдите стороны трапеции, если её средняя линия равна 13 см.

## Ответ:

---

12

Рассматриваются конечные арифметические прогрессии, состоящие из целых чисел и имеющие не менее трёх членов.

- а) Может ли сумма членов такой прогрессии быть равной 10?  
 б) Может ли сумма членов такой прогрессии быть равной 1?

**ИТОГОВАЯ ДИАГНОСТИЧЕСКАЯ РАБОТА  
ПО МАТЕМАТИКЕ  
10 класс**

14 мая 2015 года  
Вариант MA00704  
углублённый уровень

Выполнена: ФИО \_\_\_\_\_ класс \_\_\_\_\_

**Инструкция по выполнению работы**

На выполнение итоговой работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 12 заданий и состоит из двух частей.

В заданиях первой части (1–8) запишите ответ в поле ответа в тексте работы. Ответом к заданию 8 является график функции.

В заданиях второй части (9–12) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле.

Каждое из заданий 5 и 10 представлено в двух вариантах, из которых надо выбрать и выполнить **только один**.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

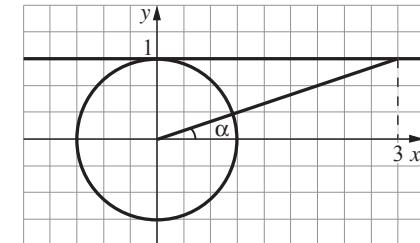
Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

**Желааем успеха!**

**Часть 1**

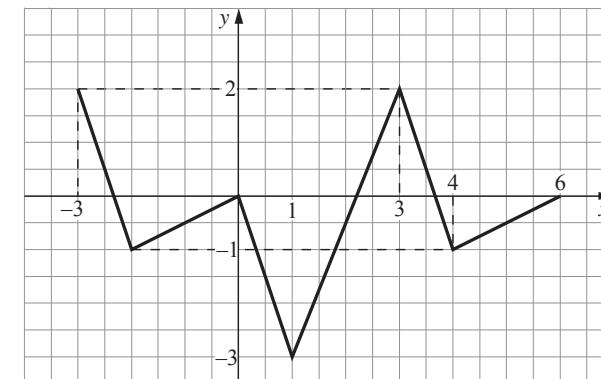
**В заданиях 1–7 дайте ответ в виде целого числа, десятичной дроби или последовательности цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.**

- 1** Используя рисунок, найдите  $\cos 2\alpha$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

- 2** На рисунке изображена часть графика периодической функции  $f(x)$ , наименьший положительный период которой не превосходит 8. Найдите  $f(45)$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

- 3** Сторона основания правильной четырёхугольной призмы  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  равна 2 см, а боковое ребро равно  $5\sqrt{2}$  см. Найдите площадь сечения призмы плоскостью, проходящей через прямую  $B_1D$  и перпендикулярной прямой  $AC$ . Ответ дайте в квадратных сантиметрах.

Ответ: \_\_\_\_\_

- 4** Выберите верные утверждения.

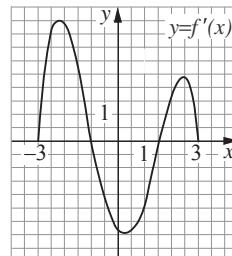
- 1) Если прямая перпендикулярна некоторой прямой, лежащей в плоскости, то она перпендикулярна всей плоскости.
- 2) Если данная плоскость пересекает одну из двух параллельных плоскостей, то она пересекает и другую плоскость.
- 3) Две прямые, перпендикулярные одной плоскости, параллельны друг другу.
- 4) Две плоскости, перпендикулярные третьей плоскости, параллельны друг другу.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

**Выберите и выполните только ОДНО из заданий 5.1 или 5.2.**

- 5.1** На рисунке изображён график производной функции  $f(x)$ , определенной на отрезке  $[-3; 3]$ . Найдите число точек графика функции, в которых угол между касательной и положительным направлением оси абсцисс равен  $45^\circ$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

- 5.2** Найдите значение выражения  $8^{\log_{0,5} 0,2+1}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

- 6** Взвешенная средняя оценка социологического опроса с пятью вариантами ответа вычисляется по формуле:

$$\frac{P_1 \cdot x_1 + P_2 \cdot x_2 + P_3 \cdot x_3 + P_4 \cdot x_4 + P_5 \cdot x_5}{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5}$$

где  $P_i$  – вес варианта ответа,  $x_i$  – количество выбравших этот вариант. Оценка округляется до десятых, причём пять сотых округляются в большую сторону.

При некотором опросе вариантам ответа были присвоены следующие значения веса:

1. Категорически не согласен – 1
2. Скорее не согласен – 2
3. Не могу определиться – 3
4. Скорее согласен – 4
5. Полностью согласен – 5

Известно, что первый вариант ответа выбрали 10 человек, второй – 11, третий – 6, четвертый – 5. Какое минимальное количество человек должно выбрать последний вариант ответа для того, чтобы оценка была не ниже 2,9?

Ответ: \_\_\_\_\_

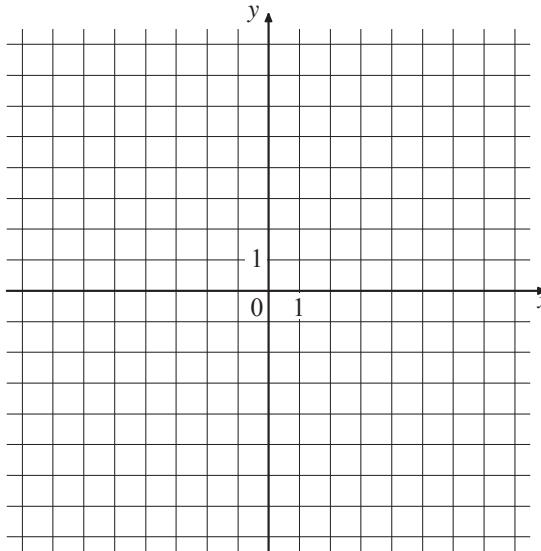
- 7** Шестнадцать школьников, среди которых есть Лиза и Соня, при помощи жеребёёвки распределяют на четыре равные по количеству участников команды. Какова вероятность того, что Лиза и Соня попадут в одну команду? (Других школьниц с именами Лиза и Соня среди шестнадцати школьников нет).

Ответ: \_\_\_\_\_

**8**

В системе координат схематично изобразите график непрерывной функции, которая обладает следующими свойствами:

- 1) область определения функции — отрезок  $[-5; 5]$ ;
- 2) функция нечётная;
- 3) на промежутке  $[4; 5]$  функция возрастает;
- 4) функция имеет ровно пять нулей.

**9**

а) Решите уравнение  $\cos 2x + 0,5 \sin 2x - \cos^2 x = 0$ .

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[3,5\pi; 4,5\pi]$ .

**Часть 2**

*В заданиях 9–12 запишите решение и ответ в отведённом для них поле.*

Ответ:

*Выберите и выполните только **ОДНО** из заданий 10.1 или 10.2.*

- 10.1** Исследуйте функцию  $y = \frac{4x^2 - 16x + 16}{x^2 + 4}$  на монотонность и экстремумы.

**10.2** Решите неравенство  $\log_3(-x) \cdot \log_3(9|x|) \geq 3$ .

### Ответ:

- 11** В трапецию, вписанную в окружность, можно вписать окружность радиуса 4 см. Найдите стороны трапеции, если её средняя линия равна 10 см.

## Ответ:

12

Рассматриваются конечные арифметические прогрессии, состоящие из целых чисел и имеющие не менее трёх членов.

- а) Может ли сумма членов такой прогрессии быть равной 4?  
 б) Может ли сумма членов такой прогрессии быть равной -1?

**Критерии оценивания итоговой работы по МАТЕМАТИКЕ****Вариант MA00701 (базовый уровень)**

Правильное выполнение каждого из заданий 1–11 оценивается 1 баллом.  
Выполнение заданий 12–15 оценивается по приведённым ниже критериям.

<b>№ задания</b>	<b>Ответ</b>
11.1	Например, могут быть даны значения $\frac{13\pi}{4}; \frac{17\pi}{4}; \frac{21\pi}{4}$ ; или любые другие значения в радианах, удовлетворяющие условию задачи
11.2	$\frac{2}{3}$
12	$60 \text{ см}^2$
13	$(-7; -4,8] \cup (\sqrt{2}; +\infty)$
14	1250 рублей
15	Возможны различные графики. Например, такой:

**Критерии оценивания итоговой работы по МАТЕМАТИКЕ****Вариант MA00702 (базовый уровень)**

Правильное выполнение каждого из заданий 1–11 оценивается 1 баллом.  
Выполнение заданий 12–15 оценивается по приведённым ниже критериям.

<b>№ задания</b>	<b>Ответ</b>
11.1	Например, могут быть даны значения $5\pi; 7\pi; 9\pi$ ; или любые другие значения в радианах, удовлетворяющие условию задачи
11.2	$\frac{3}{\sqrt{52}}$ см
12	$(-8; -3,7] \cup (\sqrt{5}; +\infty)$
13	1000 рублей
14	Возможны различные графики. Например, такой:

**Система оценивания задания 12**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Дано верное решение, в котором проведены все необходимые рассуждения и вычисления, приводящие к ответу, получен верный ответ	1
Имеются ошибки в решении, ИЛИ получен неверный ответ, ИЛИ решение и(или) ответ отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	1

**Система оценивания задания 13**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Дано верное решение, приведён соответствующий рисунок, получен верный ответ	1
Имеются ошибки в решении, ИЛИ получен неверный ответ, ИЛИ решение и(или) ответ отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	1

**Система оценивания задания 14**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Верно составлено и проанализировано уравнение, получен верный ответ	2
Верно составлено уравнение, но получен неверный ответ в результате арифметической ошибки	1
Имеются ошибки в решении, ИЛИ получен неверный ответ, ИЛИ решение и(или) ответ отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 15**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Построен верный график функции. Чертёж удовлетворяет всем условиям задачи.	2
Допускается незначительное отклонение характерных точек от требуемого положения, а также незначительное нарушение симметрии графика, связанные с общим рукописным характером изображаемого графика	
Построен график функции. Чертёж удовлетворяет только двум или трём из четырёх условий задачи.	1
Допускается незначительное отклонение характерных точек от требуемого положения, а также незначительное нарушение симметрии графика, связанные с общим рукописным характером изображаемого графика	
Чертёж не построен, ИЛИ построенный чертёж не является графиком функции, ИЛИ построен график функции, удовлетворяющий не более чем одному условию задачи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания выполнения всей работы**

Максимальный балл за выполнение всей работы – 17.

Таблица перевода баллов в отметки по пятибалльной шкале

<b>Отметка по пятибалльной шкале</b>	<b>«2»</b>	<b>«3»</b>	<b>«4»</b>	<b>«5»</b>
Первичные баллы	0–6	7–10	11–14	15–17

**Критерии оценивания итоговой работы по МАТЕМАТИКЕ****Вариант MA00703 (углублённый уровень)**

Правильное выполнение каждого из заданий 1–8 оценивается 1 баллом.  
Выполнение заданий 9–12 оценивается по приведённым ниже критериям.

**Ответы к заданиям**

№ задания	Ответ
8	Любой верный график, например: 
9 а)	$x = \frac{\pi}{2} + \pi n; x = -\frac{\pi}{4} + \pi n; n \in \mathbb{Z}$
9 б)	$3\frac{1}{2}\pi; 3\frac{3}{4}\pi$
10.1	Функция возрастает на промежутке $[-1; 1]$ , функция убывает на промежутках $(-\infty; -1]; [1; +\infty)$ , $x_{\min} = -1, y_{\min} = 0; x_{\max} = 1, y_{\max} = 4$ .
10.2	$(-\infty; -2] \cup [-\frac{1}{16}; 0)$
11	Трапеция является равнобедренной. Боковые стороны равны 13 см, а основания 8 см и 18 см.
12 а)	Да, например, $-2 + 1 + 4 + 7 = 10$ .
12 б)	Нет. Предположим, что прогрессия имеет $n$ членов. Тогда $\frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = 1$ ; $(a_1 + a_n) \cdot n = 2$ . Отсюда следует, что число 2 делится на $n$ , чего не может быть, так как последовательность имеет не менее трёх членов.

**Критерии оценивания итоговой работы по МАТЕМАТИКЕ****Вариант MA00704 (углублённый уровень)**

Правильное выполнение каждого из заданий 1–8 оценивается 1 баллом.  
Выполнение заданий 9–12 оценивается по приведённым ниже критериям.

**Ответы к заданиям**

№ задания	Ответ
8	Любой верный график, например: 
9 а)	$x = \pi n; x = \frac{\pi}{4} + \pi n; n \in \mathbb{Z}$
9 б)	$4\pi; 4\frac{1}{4}\pi$
10.1	Функция убывает на промежутке $[-2; 2]$ , функция возрастает на промежутках $(-\infty; -2]; [2; +\infty)$ , $x_{\min} = 2, y_{\min} = 0; x_{\max} = -2, y_{\max} = 8$ .
10.2	$(-\infty; -3] \cup [-\frac{1}{27}; 0)$
11	Трапеция является равнобедренной. Боковые стороны равны 10 см, а основания 4 см и 16 см.
12 а)	Да, например, $-2 + 0 + 2 + 4 = 4$ .
12 б)	Нет. Предположим, что прогрессия имеет $n$ членов. Тогда $\frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = -1$ ; $(a_1 + a_n) \cdot n = -2$ . Отсюда следует, что число $-2$ делится на $n$ , чего не может быть, так как последовательность имеет не менее трёх членов.

**Система оценивания задания 9**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Верно решено уравнение и верно отобраны все корни	2
Верно решено уравнение, но корни уравнения не отобраны на данном отрезке или отобраны с ошибкой	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 10.1**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Проведено необходимое исследование функции, верно получены промежутки монотонности, точки экстремумов, экстремумы	2
Верно найдена область определения функции, её производная и критические точки, но исследование функции проведено не полностью или полученный ответ частично неверен из-за арифметических ошибок	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 10.2**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Полное верное решение	2
Логарифмическое неравенство верно сведено к квадратичному неравенству, но в дальнейших выкладках есть арифметическая ошибка	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 11**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Полное обоснованное решение	2
В целом верное решение, но получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 12**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Приведено верное решение обоих пунктов задачи	3
Приведено верное решение пункта б)	2
Приведено только верное решение пункта а)	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	3

**Система оценивания выполнения всей работы**

Максимальный балл за выполнение всей работы – 17.

*Таблица перевода баллов в отметки по пятибалльной шкале*

<b>Отметка по пятибалльной шкале</b>	<b>«2»</b>	<b>«3»</b>	<b>«4»</b>	<b>«5»</b>
Первичные баллы	0–5	6–9	10–13	14–17

**Итоговая работа  
по МАТЕМАТИКЕ**

**10 класс**

**базовый уровень**

**Демонстрационный вариант**

На выполнение итоговой работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 15 заданий и состоит из двух частей.

Ответом в заданиях первой части (1–10) является целое число, десятичная дробь или последовательность цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.

В задании 11 второй части требуется записать ответ в специально отведённом для этого поле.

В заданиях второй части (12–14) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле. Ответом к заданию 15 является график функции.

Каждое из заданий 5 и 11 представлено в двух вариантах, из которых надо выбрать и выполнить **только один**.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удается выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

**Желаем успеха!**

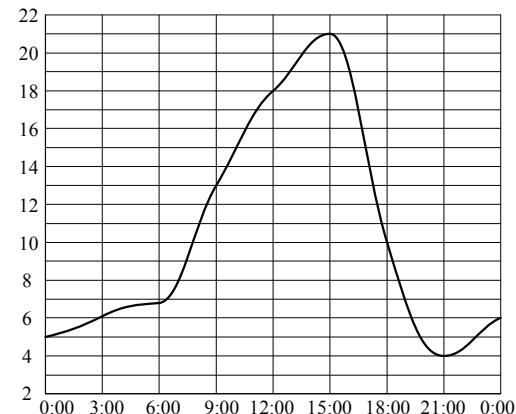
**Часть 1**

**В заданиях 1–10 дайте ответ в виде целого числа, десятичной дроби или последовательности цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы.**

- 1** Плед, который стоил 400 рублей, продаётся с 7-процентной скидкой. При покупке этого пледа покупатель отдал кассиру 500 рублей. Сколько рублей сдачи он должен получить?

Ответ: \_\_\_\_\_

- 2** На рисунке изображён график изменения температуры воздуха в течение суток.



Пользуясь графиком, выберите верное утверждение.

- 1) Максимальная температура в первой половине суток равна 21 °C.
- 2) Во второй половине суток температура непрерывно возрастила.
- 3) В 18:00 температура составила ровно 11 °C.
- 4) Разница между максимальной и минимальной температурами за сутки равна 17 °C.

В ответе укажите номер верного утверждения.

Ответ:

- 3** Найдите значение  $\cos 660^\circ$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

4

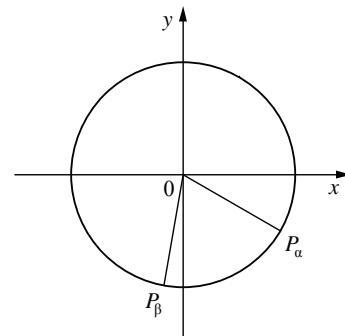
- На единичной окружности отмечены точки, соответствующие поворотам на углы  $\alpha$  и  $\beta$  (см. рисунок).

Выберите верные утверждения.

- 1)  $\cos \beta < 0$
- 2)  $\sin \alpha > 0$
- 3)  $\cos \alpha > \cos \beta$
- 4)  $\operatorname{tg} \beta < 0$

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

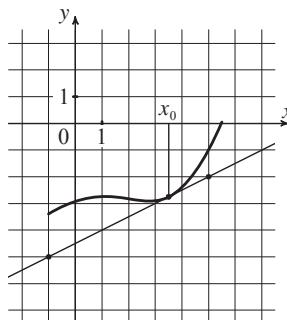
Ответ: \_\_\_\_\_



**Выберите и выполните только ОДНО из заданий 5.1 или 5.2.**

- 5.1 На рисунке изображён график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

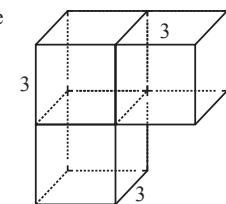


- 5.2 Решите уравнение  $\log_2(x-8)=4$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

6

- Найдите площадь поверхности изображённого на рисунке многогранника, составленного из трёх кубов.



Ответ: \_\_\_\_\_

7

- Выберите номера верных утверждений.

- 1) Если две прямые в пространстве параллельны третьей прямой, то эти прямые параллельны или совпадают.
- 2) Если две плоскости в пространстве параллельны третьей плоскости, то эти плоскости параллельны или совпадают.
- 3) Если две прямые в пространстве параллельны одной плоскости, то эти прямые параллельны или совпадают.

В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

8

- Научная конференция проводится в 4 дня. Всего запланировано 60 докладов — первые два дня по 18 докладов, остальные распределены поровну между третьим и четвёртым днями. На конференции планируется доклад профессора  $M$ . Порядок докладов определяется жеребьёвкой. Какова вероятность того, что доклад профессора  $M$  окажется запланированным на последний день конференции?

Ответ: \_\_\_\_\_

9

- Знак «Крутой подъём», предусмотренный правилами дорожного движения, информирует водителя о приближении к подъёму и о крутизне подъёма, выраженной в процентах (число показывает, на сколько метров поднимается дорога в среднем на каждые 100 метров пути). Подъём обозначен знаком (см. рисунок). Пользуясь таблицей, определите примерно угол этого подъёма в градусах.



$\alpha$	$\sin \alpha$
$1^\circ$	0,02
$2^\circ$	0,03
$3^\circ$	0,05
$4^\circ$	0,07
$5^\circ$	0,09

$\alpha$	$\sin \alpha$
$6^\circ$	0,10
$7^\circ$	0,12
$8^\circ$	0,14
$9^\circ$	0,16
$10^\circ$	0,17

$\alpha$	$\sin \alpha$
$11^\circ$	0,19
$12^\circ$	0,21
$13^\circ$	0,22
$14^\circ$	0,24
$15^\circ$	0,26

Ответ: \_\_\_\_\_

10

- Приведите пример четырёхзначного числа, кратного 15, произведение цифр которого больше 30, но меньше 45. В ответе укажите ровно одно такое число.

Ответ: \_\_\_\_\_

Часть 2

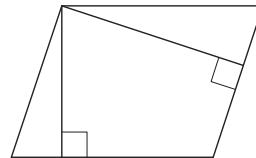
**В задании 11 запишите ответ в отведённом для этого поле. В заданиях 12–14 требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле. Ответом к заданию 15 является график функции.**

*Выберите и выполните только ОДНО из заданий: 11.1 или 11.2.*

- 11.1** Известно, что синус некоторого угла равен 0. Приведите три различных возможных значения данного угла. Ответ дайте в радианах.

**11.2** Приведите пример трёх целых значений  $x$  таких, что логарифм числа  $x$  по основанию 5 меньше одного.

- 12** Стороны параллелограмма равны 8 и 16. Высота, опущенная на меньшую сторону, равна 12. Найдите высоту, опущенную на большую сторону параллелограмма.



- 13** Даны два неравенства. Решение первого неравенства:  $(-\infty; 2] \cup [3; 6]$ . Решение второго неравенства:  $[1; 5; 5; 2]$ . Нарисуйте оба решения на одной числовой прямой и найдите множество всех чисел, являющихся решением первого неравенства, но не являющихся решением второго неравенства.

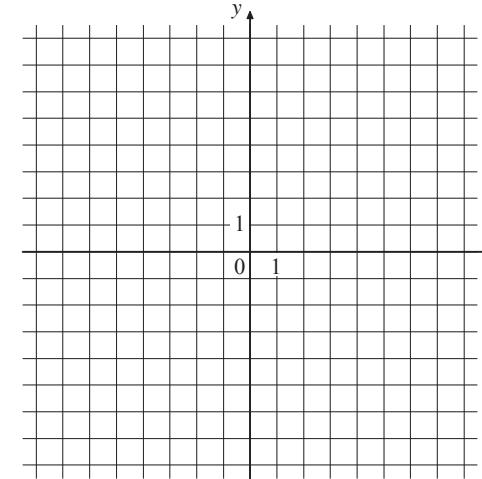
**14**

Правительство хочет установить таможенную пошлину на ввозимые автомобили. Количество ввозимых автомобилей  $q$  зависит от размера пошлины  $t$ , выраженной в рублях, как  $q = 150000 - 25t$ .  $M$  – общий сбор пошлины – вычисляется по формуле  $M = qt$ . Какую минимальную пошлину нужно установить, чтобы собрать 200 000 000 рублей?

**15**

В системе координат схематично изобразите график непрерывной функции  $y = f(x)$ , которая удовлетворяет следующим свойствам:

- 1) область определения функции – отрезок  $[-5; 5]$ ;
- 2) функция чётная;
- 3) на промежутке  $[0; 1]$  функция убывает;
- 4) в точке  $x = -3$  функция принимает значение 4.



**Критерии оценивания итоговой работы по МАТЕМАТИКЕ****Демонстрационный вариант (базовый уровень)**

Правильное выполнение каждого из заданий 1–11 оценивается 1 баллом.  
Выполнение заданий 12–15 оценивается по приведённым ниже критериям.

№ задания	Ответ
1	128
2	4
3	0,5
4	13 или 31
5.1	0,5
5.2	24
6	126
7	12
8	0,2
9	5
10	1245, или 1425, или 2145, или 2415, или 4125, или 4215, или 1185, или 1815, или 8115
11.1	Например, могут быть даны значения 0; $\pi$ ; $2\pi$ или любые другие значения в радианах, кратные $\pi$
11.2	В ответе должно быть указано 3 любых числа из набора 1, 2, 3, 4
12	6
13	( $-\infty; 1,5$ ) $\cup$ [5; 6]
14	2000 рублей
15	

**Система оценивания задания 12**

Содержание ответа и указания к оцениванию	Баллы
Дано верное решение, в котором проведены все необходимые рассуждения и вычисления, приводящие к ответу, получен верный ответ	1
Имеются ошибки в решении, ИЛИ получен неверный ответ, ИЛИ решение и(или) ответ отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	1

**Система оценивания задания 13**

Содержание ответа и указания к оцениванию	Баллы
Дано верное решение, приведён соответствующий рисунок, получен верный ответ	1
Имеются ошибки в решении, ИЛИ получен неверный ответ, ИЛИ решение и(или) ответ отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	1

**Система оценивания задания 14**

Содержание ответа и указания к оцениванию	Баллы
Верно составлено и решено уравнение, получен верный ответ	2
Верно составлено уравнение, но получен неверный ответ в результате арифметической ошибки	1
Имеются ошибки в решении, ИЛИ получен неверный ответ, ИЛИ решение и(или) ответ отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 15**

Содержание ответа и указания к оцениванию	Баллы
Построен верный график функции.	
Чертёж удовлетворяет всем условиям задачи.	
Допускается незначительное отклонение характерных точек от требуемого положения, а также незначительное нарушение симметрии графика, связанные с общим рукописным характером изображаемого графика	2
Построен график функции.	
Чертёж удовлетворяет только двум или трем из четырёх условий задачи.	
Допускается незначительное отклонение характерных точек от требуемого положения, а также незначительное нарушение симметрии графика, связанные с общим рукописным характером изображаемого графика	1
Чертёж не построен,	
ИЛИ построенный чертёж не является графиком функции,	
ИЛИ построен график функции, удовлетворяющий не более чем одному условию задачи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания выполнения всей работы**

Максимальный балл за выполнение всей работы – 17.

Таблица перевода баллов в отметки по пятибалльной шкале

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0–6	7–10	11–14	15–17

**Часть 1***В заданиях 1–9 дайте ответ в виде целого числа или десятичной дроби.***Итоговая работа  
по МАТЕМАТИКЕ****10 класс****Углублённый уровень****Демонстрационный вариант****Инструкция по выполнению работы**

На выполнение итоговой работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 12 заданий и состоит из двух частей.

В заданиях первой части (1–8) запишите ответ в отведённом для него месте на листе с заданиями, а затем перенесите его в бланк.

В заданиях второй части (9–12) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле.

Каждое из заданий 5 и 10 представлено в двух вариантах, из которых надо выбрать и выполнить **только один**.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

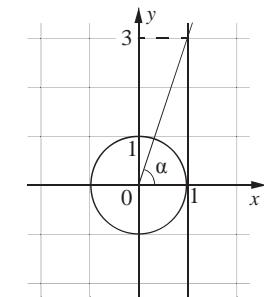
При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

**Обязательно проверьте в конце работы, что все ответы к заданиям первой части перенесены в бланк!**

**Желаем успеха!****1**

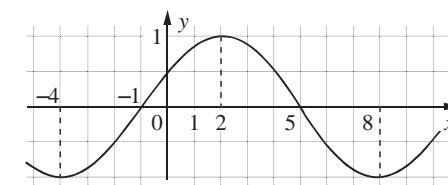
Используя рисунок, найдите  $\cos^2\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

**2**

На рисунке изображён график функции  $f(x) = \cos(ax - b)$ . Найдите  $f(50)$ .



Ответ: \_\_\_\_\_

**3**

На одной из граней двугранного угла величиной  $30^\circ$  взята точка, находящаяся на расстоянии 12 от другой грани данного двугранного угла. Найдите расстояние от указанной точки до ребра этого двугранного угла.

Ответ: \_\_\_\_\_

4

Выберите верные утверждения.

- 1) Через любые две точки пространства можно провести бесконечно много плоскостей.
- 2) Через любые три различные точки пространства можно провести плоскость, и притом только одну.
- 3) Две плоскости, перпендикулярные третьей плоскости, параллельны друг другу.
- 4) Для любых двух различных плоскостей в пространстве найдутся две параллельные прямые, каждая из которых содержитя ровно в одной из указанных плоскостей.

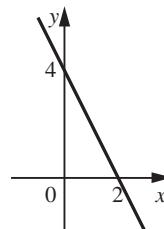
В ответе укажите номера верных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_

Выберите и выполните только **ОДНО** из заданий 5.1 или 5.2.

5.1

Найдите абсциссу точки графика функции  $y = x^2 - 4x - 12$ , касательная в которой параллельна прямой, изображенной на рисунке.



Ответ: \_\_\_\_\_

5.2

Найдите значение выражения  $\frac{\log_5 27}{\log_5 9} + 5^{-\log_{25} 4}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

6

В университете итоговая отметка по десятибалльной системе за курс высшей математики вычисляется следующим образом. Сначала вычисляется значение выражения  $0,3K + 0,3D + 0,4E$ , где  $K$  — отметка за контрольную работу,  $D$  — за домашнюю работу, а  $E$  — за экзамен. Числа  $K$ ,  $D$  и  $E$  — целые от 0 до 10. Затем полученное значение округляется до ближайшего целого числа, при этом пять десятых округляются в большую сторону. Студент получил за контрольную работу 4, а за домашнюю работу — 8. Какая минимальная отметка за экзамен обеспечит ему итоговую отметку не меньше чем 6 баллов?

Ответ: \_\_\_\_\_

7

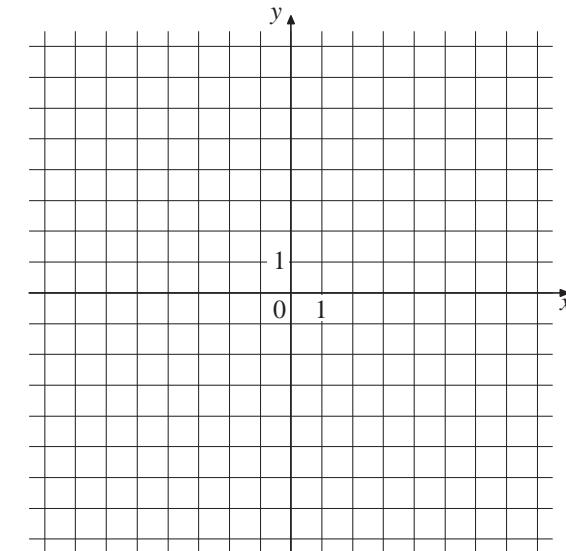
При печати в типографии 10% журналов имеют дефект. При контроле качества выявляют 80% дефектных журналов. Остальные журналы поступают в продажу. Найдите вероятность того, что случайно выбранный при покупке журнал не имеет дефектов. Ответ округлите до тысячных.

Ответ: \_\_\_\_\_

8

В системе координат схематично изобразите график непрерывной функции, которая обладает следующими свойствами:

- 1) область определения функции — отрезок  $[-6; 6]$ ;
- 2) функция чётная;
- 3) на промежутке  $[-2; 0]$  функция убывает;
- 4) функция имеет ровно пять нулей.



Часть 2

*В заданиях 9–12 запишите решение и ответ в отведённом для них поле.*

9 а) Решите уравнение  $2\cos^3 x - \cos^2 x - \cos x = 0$ .

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[-2\pi; -\pi]$ .

Ответ:

*Выберите и выполните только ОДНО из заданий 10.1 или 10.2.*

**10.1** Исследуйте функцию  $y = \frac{x^2 + 4x + 25}{x}$  на монотонность и экстремумы.

**10.2** Решите неравенство  $\log_2^2(3-x) + \log_2(x-3)^2 < 8$ .

## Ответ

11

В треугольнике  $ABC$ , один из углов которого равен  $40^\circ$ , проведены высоты  $A_1A$  и  $CC_1$ . Прямые  $AC$  и  $A_1C_1$  параллельны. Чему могут быть равны другие углы треугольника?

## Ответ:

---

12

Дана последовательность натуральных чисел, причём каждый следующий член отличается от предыдущего либо на 8, либо в 5 раз. Сумма всех членов последовательности равна 141.

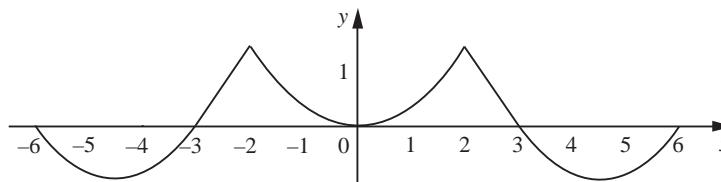
- а) Какое наименьшее число членов может быть в этой последовательности?
  - б) Какое наибольшее число членов может быть в этой последовательности?

## Ответ

**Критерии оценивания итоговой работы по МАТЕМАТИКЕ****Демонстрационный вариант (углублённый уровень)**

Правильное выполнение каждого из заданий 1–8 оценивается 1 баллом.  
Выполнение заданий 9–12 оценивается по приведённым ниже критериям.

**Ответы к заданиям**

<b>№ задания</b>	<b>Ответ</b>
1	0,9
2	1
3	24
4	14 или 41
5.1	1
5.2	2
6	5
7	0,978
8	Любой верный график, например: 
9 а)	$x = 2\pi n; x = \frac{\pi}{2} + \pi n; x = \pm \frac{2}{3}\pi + 2\pi; n \in \mathbb{Z}$
9 б)	$-2\pi, -1,5\pi, -\frac{4}{3}\pi$
10.1	Функция возрастает на промежутках $(-\infty; -5]; [5; +\infty)$ , функция убывает на промежутках $[-5; 0]; (0; 5]$ , $x_{\max} = -5, y_{\max} = -6; x_{\min} = 5, y_{\min} = 14$ .
10.2	$\left(-1; 2\frac{15}{16}\right)$
11	Треугольник $ABC$ – равнобедренный, другие углы равны либо $70^\circ$ и $70^\circ$ , либо $40^\circ$ и $100^\circ$ .
12 а)	3
12 б)	45

**Система оценивания задания 9**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Верно решено уравнение и верно отобраны все корни	2
Верно решено уравнение, но корни уравнения не отобраны на данном отрезке или отобраны с ошибкой	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 10.1**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Проведено необходимое исследование функции, верно получены промежутки монотонности, точки экстремумов, экстремумы	2
Верно найдена область определения функции, её производная и критические точки, но исследование функции проведено не полностью или полученный ответ частично неверен из-за арифметических ошибок	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 10.2**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Полное верное решение	2
Логарифмическое неравенство верно сведено к квадратичному неравенству, но в дальнейших выкладках есть арифметическая ошибка	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 11**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Доказано, что треугольник $ABC$ равнобедренный, рассмотрены оба случая, получены две возможные пары углов	2
Доказано, что треугольник $ABC$ равнобедренный, но рассмотрен только один случай (например, остроугольный треугольник) ИЛИ В доказательстве того, что треугольник $ABC$ равнобедренный, есть существенные пробелы, но рассмотрены оба случая, получены две возможные пары углов	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	2

**Система оценивания задания 12**

<b>Содержание ответа и указания к оцениванию</b>	<b>Баллы</b>
Приведено верное решение обоих пунктов задачи	3
Приведено верное решение пункта б)	
ИЛИ	
Приведено только верное решение пункта а), а в решении пункта б) есть существенные пробелы	2
Приведено только верное решение пункта а)	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	3

**Система оценивания выполнения всей работы**

Максимальный балл за выполнение всей работы – 17.

Таблица перевода баллов в отметки по пятибалльной шкале

<b>Отметка по пятибалльной шкале</b>	<b>«2»</b>	<b>«3»</b>	<b>«4»</b>	<b>«5»</b>
Первичные баллы	0–5	6–9	10–13	14–17